

المادة : الإحصاء

نموذج الإجابة لاختبار نهاية الفصل الدراسي الأول

وزارة التربية

قسم الرياضيات

للعام الدراسي ٢٠١٦ - ٢٠١٧

منطقة مبارك الكبير التعليمية

الزمن : ساعتان

الصف الثاني عشر ادبى



السؤال الأول :-

أ) أخذت عينه عشوائية حجمها ٣٦ من مجتمع طبيعي انحرافه المعياري $\sigma = 4$ فإذا كان المتوسط الحسابي للعينه $\bar{x} = 60$ باستخدام مستوى ثقة ٩٥%

(١) أوجد هامش الخطأ

(٢) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الاحصائي M

الحل :-

$$\sigma = 4$$

$$\bar{x} = 60$$

$$n = 36$$

٩٥% معلومة ، $n > 30$

مستوى الثقة ٩٥%

$$\text{القيمة الحرجية } Q_a = 1.96$$

$$\text{هامش الخطأ } H = Q_a \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = 1.96 \times \frac{4}{\sqrt{36}} = 1.96 \times \frac{4}{6} = 1.307$$

فترة الثقة هي ($\bar{x} - H$ ، $\bar{x} + H$)

$$= (60 - 1.307, 60 + 1.307)$$

$$= (58.693, 61.307)$$

تابع السؤال الأول :-

ب) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها ١٠ منازل فوجد أن متوسط الاجار للمنزل ٢٨٣ دينار شهرياً وكان الانحراف المعياري $\sigma = 32$ دينار اختبر الفرض القائل ان $\mu = 290$ دينار شهرياً باستخدام مستوى ثقة ٩٥%

الـ
الـ

$$n = 10 \quad \bar{x} = 283 \quad \sigma = 32 \quad \mu = 290$$

١) صياغة الفرض

نفرض ان $\mu = 290$ في مقابل / $\mu \neq 290$ فـ

٢) المقياس الاحصائي S غير معروفة ، $n \geq 30$

$$\text{المقياس الاحصائي } S = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

٣) درجة الحرية $= n - 1 = 9$ مستوى الثقة ٩٥%

$$0.05 = \alpha$$

$$0.025 = \frac{\alpha}{2}$$

$$\text{من الجدول } S = \frac{\alpha}{2} = 2.262$$

٤) منطقة القبول هي $(2.262, 2.262)$

٥) $(2.262, 2.262)$ $\in (2.262, 2.262)$

القرار نقبل فرض عدم فـ $\mu = 290$

السؤال الثاني :-

ا) اذا كان $n = 100$ مصباح كهربائي ، $s = 1570$ ساعة وانحراف معياري $\sigma = 120$ ساعه

اخبر الفرض القائل ان $\mu = 1500$ ساعة باستخدام مستوى ثقة ٩٥%

الحل :-

$$n = 100 \quad s = 1570 \quad \sigma = 120 \quad \mu = ?$$

١) صياغه الفرض

نفرض ان $\mu = 1500$ في مقابل / $H_0 : \mu = 1500$

٢) المقياس الاحصائي σ غير معولمه ، $n > 30$

$$\text{المقياس الاحصائي } Z = \frac{\bar{x} - \mu}{\sigma / \sqrt{n}} = \frac{1500 - 1570}{120} = -5.833$$

٣) مستوى الثقة ٩٥%

$$\alpha = 0.05$$

$$Z_{\alpha/2} = \frac{\alpha}{2} = 1.96$$

٤) منطقة القبول هي $(-1.96, 1.96)$

٥) $(-1.96, 1.96) \subset (-5.833, 5.833)$

القرار نقبل الفرض البديل $H_1 : \mu \neq 1500$

تابع السؤال الثاني

ب) احسب معامل الارتباط الخطبي للبيانات التالية وحدد نوعه وقوته

٤	٣	٢	١	س
١٣	١٠	٧	٤	ص

الحل :-

٢ ص	٢ س	س ص	ص	س
١٦	١	٤	٤	١
٤٩	٤	١٤	٧	٢
١٠٠	٩	٣٠	١٠	٣
١٦٩	١٦	٥٢	١٣	٤
٣٣٤	٣٠	١٠٠	٣٤	١٠ جمجمة

$$r = \frac{n \bar{s} \bar{c} - \bar{s} \bar{c} n}{\sqrt{(n \bar{s}^2 - (\bar{s})^2)(n \bar{c}^2 - (\bar{c})^2)}}$$

$$r = \frac{34 \times 10 - 100 \times 4}{\sqrt{(34 \times 34 - 334 \times 4)(10 \times 10 - 30 \times 4)}}$$

الارتباط طردي تام

السؤال الثالث :-

١) بيّن الجدول التالي التكلفة لانتاج إحدى السلع بالألف دينار كويتي من سنة ٢٠٠٦ حتى سنة ٢٠١٣

السنة (س)	التكلفة (ص)
٢٠١٣	٢٨
٢٠١٢	٢٤
٢٠١١	٢٢
٢٠١٠	٢٠
٢٠٠٩	١٨
٢٠٠٨	١٨
٢٠٠٧	١٦
٢٠٠٦	١٥

أوجد :-

١) معادلة الإتجاه العام لتكلفة انتاج السلعة

٢) قدر قيمة التكلفة عام ٢٠١٧

٣) قدر مقدار الخطأ سنة ٢٠١١

الحل :-

السنوات	س	ص	س	ص	س	ص
٢٠٠٦	٠	١٥	٠	١٥	٠	١٥
٢٠٠٧	١	١٦	١	١٦	١	١٦
٢٠٠٨	٤	٣٦	٢	١٨	٢	١٨
٢٠٠٩	٩	٥٤	٣	١٨	٣	١٨
٢٠١٠	١٦	٨٠	٤	٢٠	٤	٢٠
٢٠١١	٢٥	١١٠	٥	٢٢	٥	٢٢
٢٠١٢	٣٦	١٤٤	٦	٢٤	٦	٢٤
٢٠١٣	٤٩	١٩٦	٧	٢٨	٧	٢٨
المجموع	١٤٠	٦٣٦	٢٨	١٦١	٢٨	١٦١

$$\bar{s} = \frac{28}{8} = \frac{\bar{s}}{n}$$

$$\bar{c} = \frac{161}{8} = \frac{\bar{c}}{n}$$

$$b = \frac{161 \times 28 - 636 \times 8}{(28 - 140) \times 8} = \frac{n \bar{c} \bar{s} - \bar{c} \bar{s} \bar{s}}{(n \bar{s}) - (\bar{s} \bar{s})}$$

$$a = \bar{c} - b \bar{s}$$

$$14,083 - (1,726 \times 3,5) = 1,726$$

معادله الإتجاه العام هي $S = A + B S$

$$S = 14,083 + 1,726 \times 1.726$$

قيمة التكالفة سنة ٢٠١٧ عند $S = 11$

$$\therefore S = 14,083 + 1,726 \times 11$$

= 33,715 ألف دينار

سنة ٢٠١١ ← $S = 2,011$

$$S = 2,011 \times 1,726 + 14,083$$

= 22,714.3

مقدار الخطأ = $|S_{2011} - S_{2011}| = |22,714.3 - 22,714.3| = 0$

\therefore مقدار الخطأ = 0

ب) يبين الجدول التالي عدد المنتسبين الى احد الاندية الرياضية خلال اشهر سنة ٢٠١٠

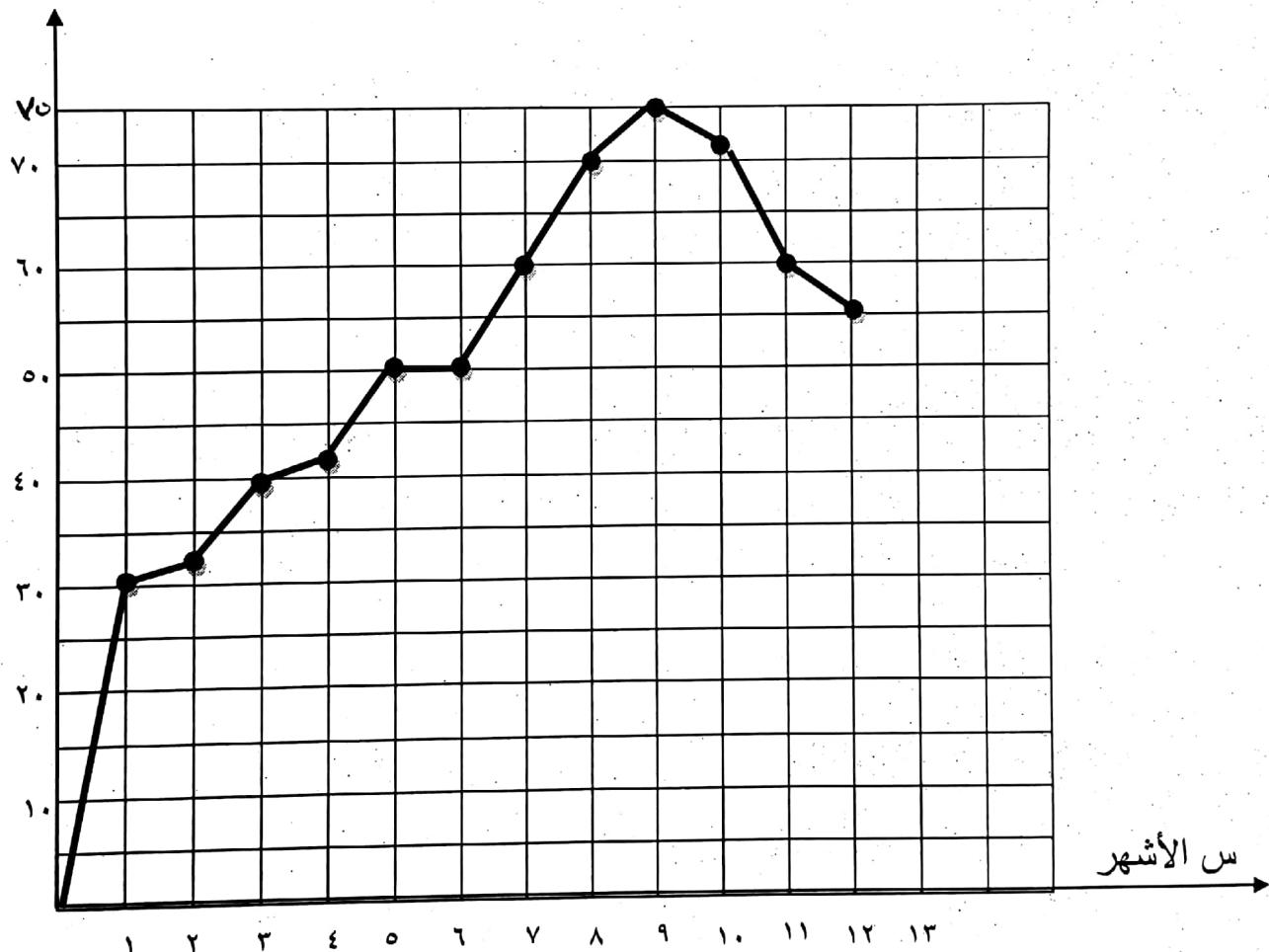
س الاشهر	ص عدد المنتسبين
١٢	٥٥
١١	٦٠
١٠	٧١
٩	٧٥
٨	٧٠
٧	٦٠
٦	٥٠
٥	٤٠
٤	٣٠
٣	٢٢
٢	٣٠
١	٣٥

(١) مثل بياناتك على شكل خط منكسر بيانات الجدول اعلاه

(٢) ما الاتجاه العام للسلسلة الزمنية

الحل

ص عدد المنتسبين



الاتجاه العام للسلسلة الزمنية في تزايد

جدول إجابة البنود الموضوعية

رقم البند	الإجابة			
١		<input type="radio"/> ب	<input checked="" type="radio"/> ا	
٢		<input type="radio"/> ب	<input checked="" type="radio"/> ا	
٣	ء	ج	<input checked="" type="radio"/> ب	<input type="radio"/> ا
٤	ء	ج	ب	<input type="radio"/> ا
٥	ء	ج	ب	<input type="radio"/> ا
٦	ء	ج	ب	<input type="radio"/> ا
٧	ء	ج	ب	<input type="radio"/> ا
٨	ء	ج	<input checked="" type="radio"/> ب	<input type="radio"/> ا